


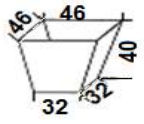
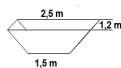


1.	<p>Wie lautet die Formel für die Oberflächenberechnung eines quadratischen Pyramidenstumpfes?</p> $O = a_1^2 + a_2^2 + 2 \cdot h_s \cdot (r_1 + r_2)$ 
2.	<p>Wie lautet die Formel für die Volumenberechnung eines quadratischen Pyramidenstumpfes?</p> $V = \frac{h}{3} \cdot (a_1^2 + a_1 \cdot a_2 + a_2^2) \quad \text{oder} \quad V = \frac{h}{3} \cdot (G_1 + G_2 + \sqrt{G_1 \cdot G_2})$
3.	<p>Wie lautet die Formel für die Oberflächenberechnung eines dreieckigen Pyramidenstumpfes?</p> $O = \frac{(a_1^2 + a_2^2) \cdot \sqrt{3}}{4} + \frac{3 \cdot h_s \cdot (a_1 + a_2)}{2}$ 
4.	<p>Wie lautet die Formel für die Volumenberechnung eines dreieckigen Pyramidenstumpfes?</p> $V = \frac{h \cdot \sqrt{3}}{12} \cdot (a_1^2 + a_1 \cdot a_2 + a_2^2)$
5.	<p>Wie lautet die Formel für die Oberflächenberechnung eines sechseckigen Pyramidenstumpfes?</p> $O = \frac{3\sqrt{3}}{2} \cdot (a_1^2 + a_2^2) + 3h_s \cdot (a_1 + a_2)$ 
6.	<p>Wie lautet die Formel für die Volumenberechnung eines sechseckigen Pyramidenstumpfes?</p> $V = \frac{h \cdot \sqrt{3}}{2} \cdot (a_1^2 + a_1 \cdot a_2 + a_2^2)$
7.	<p>Ein quadratischer Pyramidenstumpf hat die Grundseiten $a_1 = 6$ cm und $a_2 = 4$ cm sowie eine Körperhöhe $h = 8$ cm. Wie groß ist das Volumen des Pyramidenstumpfes?</p> $V = \frac{h}{3} \cdot (a_1^2 + a_1 \cdot a_2 + a_2^2) \quad V = \frac{8 \text{ cm}}{3} \cdot ((6 \text{ cm})^2 + 6 \text{ cm} \cdot 4 \text{ cm} + (4 \text{ cm})^2) \quad V \approx 2,67 \text{ cm} \cdot (36 \text{ cm}^2 + 24 \text{ cm}^2 + 16 \text{ cm}^2) \approx 202,67 \text{ cm}^3$ <p>Der Pyramidenstumpf hat ein Volumen von 202,67 cm³.</p>
8.	<p>Von einem rechteckigen Pyramidenstumpf sind die Grundseiten $a_1 = 5$ cm, $b_1 = 7$ cm, $a_2 = 2,5$ cm, $b_2 = 3,5$ cm und die Höhe $h_s = 9$ cm bekannt. Wie groß ist seine Oberfläche?</p> $O = a_1 \cdot b_1 + a_2 \cdot b_2 + h_s \cdot (a_1 + a_2 + b_1 + b_2)$ $O = 5 \text{ cm} \cdot 7 \text{ cm} + 2,5 \text{ cm} \cdot 3,5 \text{ cm} + 9 \text{ cm} \cdot (5 \text{ cm} + 2,5 \text{ cm} + 7 \text{ cm} + 3,5 \text{ cm}) \quad O = 35 \text{ cm}^2 + 8,75 \text{ cm}^2 + 9 \text{ cm} \cdot 18 \text{ cm} = 205,75 \text{ cm}^2$ <p>Der Pyramidenstumpf hat eine Oberfläche von 205,75 cm².</p>
9.	<p>Von einem quadratischen Pyramidenstumpf sind die Grundseiten $a_1 = 15$ cm und $a_2 = 7,5$ cm sowie die Höhe $h_s = 9$ cm bekannt. Wie groß ist seine Oberfläche?</p> $O = a_1^2 + a_2^2 + 2 \cdot h_s \cdot (a_1 + a_2) \quad O = (15 \text{ cm})^2 + (7,5 \text{ cm})^2 + 2 \cdot 9 \text{ cm} \cdot (15 \text{ cm} + 7,5 \text{ cm})$ $O = 225 \text{ cm}^2 + 56,25 \text{ cm}^2 + 405 \text{ cm}^2 = 686,25 \text{ cm}^2 \quad \text{Der Pyramidenstumpf hat eine Oberfläche von 686,25 cm}^2.$
10.	<p>Ein quadratischer Pyramidenstumpf hat die Maße $a_1 = 8$ cm, $a_2 = 6$ cm und die Höhe $h = 4$ cm. Wie groß ist seine Mantelfläche?</p> $h_s = \sqrt{h^2 + \frac{(a_1 - a_2)^2}{4}} \quad h_s = \sqrt{(4 \text{ cm})^2 + \frac{(8 \text{ cm} - 6 \text{ cm})^2}{4}} = \sqrt{16 \text{ cm}^2 + 1 \text{ cm}^2} \approx 4,12 \text{ cm} \quad M = \frac{4 \cdot a_1 + a_2}{2} \cdot h_s$ $M = \frac{4 \cdot 8 \text{ cm} + 6 \text{ cm}}{2} \cdot 4,12 \text{ cm} \approx 114,80 \text{ cm}^2 \quad \text{Der Pyramidenstumpf hat eine Mantelfläche von 114,8 cm}^2.$
11.	<p>Ein dreieckiger Pyramidenstumpf hat die Maße $a_1 = 12$ cm, $a_2 = 9$ cm und die Höhe $h = 6$ cm. Wie groß ist das Volumen des Pyramidenstumpfes?</p> $V = \frac{h \cdot \sqrt{3}}{12} \cdot (a_1^2 + a_1 \cdot a_2 + a_2^2) \quad V = \frac{6 \text{ cm} \cdot \sqrt{3}}{12} \cdot ((12 \text{ cm})^2 + 12 \text{ cm} \cdot 9 \text{ cm} + (9 \text{ cm})^2)$ $V \approx 0,866 \text{ cm} \cdot (144 \text{ cm}^2 + 108 \text{ cm}^2 + 81 \text{ cm}^2) \approx 288,38 \text{ cm}^3 \quad \text{Der Pyramidenstumpf hat ein Volumen von 288,38 cm}^3.$
12.	<p>Ein regelmäßiger, sechseckiger Pyramidenstumpf hat die Grundseiten $a_1 = 14$ cm, $a_2 = 8$ cm und eine Körperhöhe von $h = 12$ cm. Wie groß ist das Volumen des Pyramidenstumpfes?</p> $V = \frac{h \cdot \sqrt{3}}{2} \cdot (a_1^2 + a_1 \cdot a_2 + a_2^2) \quad V = \frac{12 \text{ cm} \cdot \sqrt{3}}{2} \cdot ((14 \text{ cm})^2 + 14 \text{ cm} \cdot 8 \text{ cm} + (8 \text{ cm})^2)$ $V \approx 10,392 \text{ cm} \cdot (196 \text{ cm}^2 + 112 \text{ cm}^2 + 64 \text{ cm}^2) \approx 3865,94 \text{ cm}^3$ <p>Der Pyramidenstumpf hat ein Volumen von 3865,94 cm³.</p>
13.	<p>Ein 15 cm hoher, quadratischer Pyramidenstumpf hat ein Volumen von 1520 cm³ und die Grundkante $a_1 = 12$ cm. Wie lang ist die Deckkante a_2?</p> $a_2 = \sqrt{\frac{a_1^2}{4} + a_1^2 + \frac{3 \cdot V}{h} - \frac{a_1}{2}} \quad a_2 = \sqrt{\frac{(12 \text{ cm})^2}{4} + (12 \text{ cm})^2 + \frac{3 \cdot 1520 \text{ cm}^3}{15 \text{ cm}} - 12 \frac{\text{cm}}{2}}$ $a_2 = \sqrt{36 \text{ cm}^2 + 144 \text{ cm}^2 + 304 \text{ cm}^2 - 6 \text{ cm}} = 22 \text{ cm} - 6 \text{ cm} = 16 \text{ cm} \quad \text{Die Seitenkante } a_2 \text{ ist 16 cm lang.}$

<p>14.</p>	<p>Ein quadratischer Pyramidenstumpf hat die Grundkanten $a_1 = 18 \text{ cm}$, $a_2 = 14 \text{ cm}$ und eine Seitenhöhe $h_s = 20 \text{ cm}$. Wie lang ist die Seitenkante s?</p> $s = \sqrt{h_s^2 + \frac{(a_1 - a_2)^2}{4}} \quad s = \sqrt{(20 \text{ cm})^2 + \frac{(18 \text{ cm} - 14 \text{ cm})^2}{4}} = \sqrt{400 \text{ cm}^2 + 4 \text{ cm}^2} \approx 20,10 \text{ cm}$ <p>Die Seitenkante s hat eine Länge von 20,10 cm.</p>
<p>15.</p>	<p>Ein regelmäßiger, sechseckiger Pyramidenstumpf hat die Grundseiten $a_1 = 16 \text{ cm}$, $a_2 = 12 \text{ cm}$ und eine Seitenhöhe $h_s = 18 \text{ cm}$. Wie groß ist die Oberfläche des Pyramidenstumpfes?</p> $O = \frac{3 \cdot \sqrt{3}}{2} \cdot (a_1^2 + a_2^2) + 3 \cdot h_s \cdot (a_1 + a_2) \quad O = \frac{3 \cdot \sqrt{3}}{2} \cdot ((16 \text{ cm})^2 + (12 \text{ cm})^2) + 3 \cdot 18 \text{ cm} \cdot (16 \text{ cm} + 12 \text{ cm})$ $O \approx 2,598 \cdot (256 \text{ cm}^2 + 144 \text{ cm}^2) + 54 \text{ cm} \cdot 28 \text{ cm} \approx 1039,23 \text{ cm}^2 + 1512 \text{ cm}^2 = 2551,23 \text{ cm}^2$ <p>Der Pyramidenstumpf hat eine Oberfläche von 2551,23 cm².</p>
<p>16.</p>	<p>Ein quadratischer, 12 cm hoher Pyramidenstumpf hat eine Oberfläche von 2049,6 cm², eine Mantelfläche von 1073,6 cm² und eine Deckfläche von 400 cm². Wie groß ist das Volumen des Pyramidenstumpfes?</p> $A_1 = O - M - A_2 = 2049,6 \text{ cm}^2 - 1073,6 \text{ cm}^2 - 400 \text{ cm}^2 = 576 \text{ cm}^2 \quad a_1 = \sqrt{576 \text{ cm}^2} = 24 \text{ cm} \quad a_2 = \sqrt{400 \text{ cm}^2} = 20 \text{ cm}$ $V = \frac{h}{3} \cdot (a_1^2 + a_1 \cdot a_2 + a_2^2) \quad V = \frac{12 \text{ cm}}{3} \cdot ((24 \text{ cm})^2 + 24 \text{ cm} \cdot 20 \text{ cm} + (20 \text{ cm})^2) = 4 \text{ cm} \cdot 1456 \text{ cm}^2 = 5824 \text{ cm}^3$ <p>Der Pyramidenstumpf hat ein Volumen von 5824 cm³.</p>
<p>17.</p>	<p>Welche Körperhöhe h hat ein quadratischer Pyramidenstumpf, wenn er die Maße $a_1 = 9 \text{ cm}$, $a_2 = 5 \text{ cm}$ und $h_s = 8 \text{ cm}$ hat? $h = \sqrt{h_s^2 - \left(\frac{a_1}{2} - \frac{a_2}{2}\right)^2} \quad h = \sqrt{(8 \text{ cm})^2 - \left(9 \frac{\text{cm}}{2} - 5 \frac{\text{cm}}{2}\right)^2} = \sqrt{64 \text{ cm}^2 - 4 \text{ cm}^2} \approx 7,75 \text{ cm}$</p> <p>Der Pyramidenstumpf hat eine Körperhöhe h von 7,75 cm.</p>
<p>18.</p>	<p>Wie viele Liter Blumenerde fasst der abgebildete Blumentrog (Angaben in cm)?</p> $V = \frac{h}{3} \cdot (a_1^2 + a_1 \cdot a_2 + a_2^2) \quad V = \frac{40 \text{ cm}}{3} \cdot ((46 \text{ cm})^2 + 46 \text{ cm} \cdot 32 \text{ cm} + (32 \text{ cm})^2)$ $V \approx 13,33 \text{ cm} \cdot (2116 \text{ cm}^2 + 1472 \text{ cm}^2 + 1024 \text{ cm}^2) \approx 61339,6 \text{ cm}^3 \approx 61,34 \text{ l}$ <p>Der Blumentrog fasst ca. 61,34 l Blumenerde.</p> 
<p>19.</p>	<p>Von einem quadratischen Pyramidenstumpf sind die Flächen $A_1 = 900 \text{ cm}^2$, $A_2 = 225 \text{ cm}^2$ und das Volumen 7875 cm³ bekannt. Welche Körperhöhe h hat der Pyramidenstumpf?</p> $h = \frac{3 \cdot V}{A_1 + A_2 + \sqrt{A_1 \cdot A_2}} \quad h = \frac{3 \cdot 7875 \text{ cm}^3}{900 \text{ cm}^2 + 225 \text{ cm}^2 + \sqrt{900 \text{ cm}^2 \cdot 225 \text{ cm}^2}} \quad h = \frac{23625 \text{ cm}^3}{1125 \text{ cm}^2 + 425 \text{ cm}^2} \approx 15 \text{ cm}$ <p>Der Pyramidenstumpf hat eine Körperhöhe h von 15 cm.</p>
<p>20.</p>	<p>Ein quadratischer Pyramidenstumpf hat eine Oberfläche $O = 912 \text{ cm}^2$ und die Grundseiten $a_1 = 14 \text{ cm}$ und $a_2 = 12 \text{ cm}$. Wie groß ist die Seitenhöhe h_s?</p> $h_s = \frac{O - a_1^2 - a_2^2}{2 \cdot (a_1 + a_2)} \quad h_s = \frac{912 \text{ cm}^2 - (14 \text{ cm})^2 - (12 \text{ cm})^2}{2 \cdot (14 \text{ cm} + 12 \text{ cm})} = \frac{912 \text{ cm}^2 - 196 \text{ cm}^2 - 144 \text{ cm}^2}{2 \cdot 26 \text{ cm}} = \frac{572 \text{ cm}^2}{52 \text{ cm}} = 11 \text{ cm}$ <p>Die Seitenhöhe h_s beträgt 11 cm.</p>
<p>21.</p>	<p>Ein Pyramidenstumpf hat eine gleichseitige, dreieckige Grundfläche mit $a_1 = 6 \text{ cm}$, $a_2 = 4 \text{ cm}$ und eine Seitenhöhe $h_s = 8 \text{ cm}$. Wie groß ist die Oberfläche des Pyramidenstumpfes?</p> $O = \frac{(a_1^2 + a_2^2) \cdot \sqrt{3}}{4} + \frac{3 \cdot h_s \cdot (a_1 + a_2)}{2} \quad O = \frac{((6 \text{ cm})^2 + (4 \text{ cm})^2) \cdot \sqrt{3}}{4} + \frac{3 \cdot 8 \text{ cm} \cdot (6 \text{ cm} + 4 \text{ cm})}{2}$ $O \approx \frac{52 \text{ cm}^2 \cdot \sqrt{3}}{4} + 120 \text{ cm}^2 \approx 22,52 \text{ cm}^2 + 120 \text{ cm}^2 = 142,52 \text{ cm}^2$ <p>Der Pyramidenstumpf hat eine Oberfläche von 142,52 cm².</p>
<p>22.</p>	<p>Ein quadratischer, 14 cm hoher Pyramidenstumpf hat die Grundseiten $a_1 = 13 \text{ cm}$ und $a_2 = 11 \text{ cm}$. Wie lange ist die Seitenkante s?</p> $s = \sqrt{h^2 + \frac{(a_1 - a_2)^2}{2}} \quad s = \sqrt{(14 \text{ cm})^2 + \frac{(13 \text{ cm} - 11 \text{ cm})^2}{2}} = \sqrt{196 \text{ cm}^2 + 2 \text{ cm}^2} \approx 14,07 \text{ cm}$ <p>Die Seitenkante s hat eine Länge von 14,07 cm.</p>
<p>23.</p>	<p>Ein quadratischer Pyramidenstumpf hat die Grundseiten $a_1 = 20 \text{ cm}$, $a_2 = 12 \text{ cm}$ und die Höhe $h_s = 9 \text{ cm}$. Wie groß ist das Volumen des Pyramidenstumpfes?</p> $h = \sqrt{h_s^2 - \frac{(a_1 - a_2)^2}{4}} \quad h = \sqrt{(9 \text{ cm})^2 - \frac{(20 \text{ cm} - 12 \text{ cm})^2}{4}} = \sqrt{81 \text{ cm}^2 - 16 \text{ cm}^2} \approx 8,06 \text{ cm} \quad V = \frac{h}{3} \cdot (a_1^2 + a_1 \cdot a_2 + a_2^2)$ $V = \frac{8,1 \text{ cm}}{3} \cdot ((20 \text{ cm})^2 + 20 \text{ cm} \cdot 12 \text{ cm} + (12 \text{ cm})^2) = 2,7 \text{ cm} \cdot 784 \text{ cm}^2 = 2116,8 \text{ cm}^3$ <p>Der Pyramidenstumpf hat ein Volumen von 2116,8 cm³.</p>

<p>24.</p>	<p>Von einem quadratischen Pyramidenstumpf sind die Grundseiten $a_1 = 5 \text{ cm}$, $a_2 = 4 \text{ cm}$ und $s = 5,5 \text{ cm}$ bekannt. Welche Höhe h hat der Pyramidenstumpf?</p> $h = \sqrt{s^2 - \frac{(a_1 - a_2)^2}{4}} \quad h = \sqrt{(5,5 \text{ cm})^2 - \frac{(5 \text{ cm} - 4 \text{ cm})^2}{4}} = \sqrt{30,25 \text{ cm}^2 - 0,25 \text{ cm}^2} = \sqrt{30 \text{ cm}^2} \approx 5,48 \text{ cm}$ <p>Der Pyramidenstumpf hat eine Höhe von 5,48 cm.</p>
<p>25.</p>	<p>Die Grundseiten eines sechseckigen Pyramidenstumpfes sind $a_1 = 7 \text{ cm}$ und $a_2 = 5 \text{ cm}$ sowie die Seitenkante $s = 13 \text{ cm}$. Wie groß ist das Volumen des Pyramidenstumpfes?</p> $h = \sqrt{s^2 - \frac{(a_1 - a_2)^2}{4}} \quad h = \sqrt{(13 \text{ cm})^2 - \frac{(7 \text{ cm} - 5 \text{ cm})^2}{4}} = \sqrt{169 \text{ cm}^2 - 1 \text{ cm}^2} \approx 12,85 \text{ cm} \quad V = \frac{h \cdot \sqrt{3}}{2} \cdot (a_1^2 + a_1 \cdot a_2 + a_2^2)$ $V = \frac{12,85 \text{ cm} \cdot \sqrt{3}}{2} \cdot ((7 \text{ cm})^2 + 7 \text{ cm} \cdot 5 \text{ cm} + (5 \text{ cm})^2) \approx 11,13 \text{ cm} \cdot 109 \text{ cm}^2 \approx 823,16 \text{ cm}^3$ <p>Der Pyramidenstumpf hat ein Volumen von 823,16 cm³.</p>
<p>26.</p>	<p>Ein quadratischer Pyramidenstumpf hat die Grundseiten $a_1 = 6 \text{ cm}$ und $a_2 = 4 \text{ cm}$ sowie die Höhe $h_s = 5 \text{ cm}$. Wie lang ist die Seitenkante s?</p> $s = \sqrt{h_s^2 + \frac{(a_1 - a_2)^2}{4}} \quad s = \sqrt{(5 \text{ cm})^2 + \frac{(6 \text{ cm} - 4 \text{ cm})^2}{4}} = \sqrt{25 \text{ cm}^2 + 1 \text{ cm}^2} \approx 5,10 \text{ cm}$ <p>Die Seitenkante s hat eine Länge von 5,10 cm.</p>
<p>27.</p>	<p>Die Grundseiten eines sechseckigen Pyramidenstumpfes sind $a_1 = 22 \text{ cm}$ und $a_2 = 18 \text{ cm}$, seine Seitenhöhe $h_s = 15 \text{ cm}$. Wie groß ist die Mantelfläche?</p> $M = 3 \cdot h_s \cdot (a_1 + a_2) \quad M = 3 \cdot 15 \text{ cm} \cdot (22 \text{ cm} + 18 \text{ cm}) = 45 \text{ cm} \cdot 40 \text{ cm} = 1800 \text{ cm}^2$ <p>Der Pyramidenstumpf hat eine Mantelfläche von 1800 cm².</p>
<p>28.</p>	<p>Ein dreieckiger Pyramidenstumpf hat die Grundseiten $a_1 = 8,8 \text{ cm}$ und $a_2 = 6,8 \text{ cm}$ sowie eine Körperhöhe $h = 9,5 \text{ cm}$. Welche Länge hat die Seitenkante s?</p> $s = \sqrt{h^2 + \frac{(a_1 - a_2)^2}{4}} \quad s = \sqrt{(9,5 \text{ cm})^2 + \frac{(8,8 \text{ cm} - 6,8 \text{ cm})^2}{4}} = \sqrt{90,25 \text{ cm}^2 + 1 \text{ cm}^2} \approx 9,71 \text{ cm}$ <p>Die Seitenkante s hat eine Länge von 9,71 cm.</p>
<p>29.</p>	<p>Die Mantelfläche eines sechseckigen Pyramidenstumpfes ist 420 cm^2, die Grundseiten sind $a_1 = 12 \text{ cm}$ und $a_2 = 8 \text{ cm}$. Welche Länge hat die Seitenhöhe h_s?</p> $h_s = \frac{M}{3 \cdot (a_1 + a_2)} \quad h_s = \frac{420 \text{ cm}^2}{3 \cdot (12 \text{ cm} + 8 \text{ cm})} = \frac{420 \text{ cm}^2}{60 \text{ cm}} = 7 \text{ cm}$ <p>Die Seitenhöhe h_s hat eine Länge von 7 cm.</p>
<p>30.</p>	<p>Ein sechseckiger Pyramidenstumpf hat die Grundseiten $a_1 = 15 \text{ cm}$ und $a_2 = 12 \text{ cm}$ sowie eine Körperhöhe $h = 8 \text{ cm}$. Wie groß ist seine Oberfläche?</p> $h_s = \sqrt{h^2 + \frac{3 \cdot (a_1 - a_2)^2}{4}} \quad h_s = \sqrt{(8 \text{ cm})^2 + \frac{3 \cdot (15 \text{ cm} - 12 \text{ cm})^2}{4}} = \sqrt{64 \text{ cm}^2 + 6,75 \text{ cm}^2} \approx 8,41 \text{ cm} \quad O = \frac{3 \cdot \sqrt{3}}{2} \cdot (a_1^2 + a_2^2) + 3 \cdot h_s \cdot (a_1 + a_2)$ $O = \frac{3 \cdot \sqrt{3}}{2} \cdot ((15 \text{ cm})^2 + (12 \text{ cm})^2) + 3 \cdot 8,4 \text{ cm} \cdot (15 \text{ cm} + 12 \text{ cm}) \approx 958,70 \text{ cm}^2 + 680,40 \text{ cm}^2 = 1639,10 \text{ cm}^2$ <p>Der Pyramidenstumpf hat eine Oberfläche von 1639,10 cm².</p>
<p>31.</p>	<p>Ein Pyramidenstumpf hat eine gleichseitige, dreieckige Grundfläche mit $a_1 = 14 \text{ cm}$ und $a_2 = 9,5 \text{ cm}$ sowie eine Seitenhöhe $h_s = 8,5 \text{ cm}$. Welche Körperhöhe h hat der Pyramidenstumpf?</p> $h = \sqrt{h_s^2 - \frac{(a_1 - a_2)^2}{12}} \quad h = \sqrt{(8,5 \text{ cm})^2 - \frac{(14 \text{ cm} - 9,5 \text{ cm})^2}{12}} = \sqrt{72,25 \text{ cm}^2 - 1,6875 \text{ cm}^2} \approx 8,40 \text{ cm}$ <p>Der Pyramidenstumpf hat eine Körperhöhe von 8,4 cm.</p>
<p>32.</p>	<p>Ein quadratischer Pyramidenstumpf hat die Grundseiten $a_1 = 4,5 \text{ dm}$ und $a_2 = 30 \text{ cm}$ sowie eine Seitenkante $s = 80 \text{ cm}$. Wie groß ist seine Oberfläche?</p> $h_s = \sqrt{s^2 - \left(\frac{a_1 - a_2}{2}\right)^2} \quad h_s = \sqrt{(80 \text{ cm})^2 - \left(45 \frac{\text{cm}}{2} - 30 \frac{\text{cm}}{2}\right)^2} = \sqrt{6400 \text{ cm}^2 - 56,25 \text{ cm}^2} \approx 79,65 \text{ cm} \quad O = a_1^2 + a_2^2 + 2 \cdot h_s \cdot (a_1 + a_2)$ $O = (45 \text{ cm})^2 + (30 \text{ cm})^2 + 2 \cdot 79,6 \text{ cm} \cdot (45 \text{ cm} + 30 \text{ cm}) = 2025 \text{ cm}^2 + 900 \text{ cm}^2 + 11940 \text{ cm}^2 = 14865 \text{ cm}^2$ <p>Der Pyramidenstumpf hat eine Oberfläche von 14865 cm².</p>
<p>33.</p>	<p>Herr Meier möchte in seinem Garten einen 90 cm tiefen Teich laut Skizze anlegen. Wie viele Liter Wasser kann der Teich fassen, wenn das Wasser 10 cm unter dem Rand stehen soll?</p>  $V = \frac{h}{3} \cdot (G_1 + G_2 + \sqrt{G_1 \cdot G_2}) \quad V = \frac{0,80 \text{ m}}{3} \cdot (2,50 \text{ m} \cdot 1,20 \text{ m} + 1,50 \text{ m} \cdot 1,20 \text{ m} + \sqrt{2,50 \text{ m} \cdot 1,20 \text{ m} \cdot 1,50 \text{ m} \cdot 1,20 \text{ m}})$ $V \approx 0,27 \text{ m} \cdot (3 \text{ m}^2 + 1,8 \text{ m}^2 + \sqrt{5,4 \text{ m}^4}) \approx 0,27 \text{ m} \cdot (4,8 \text{ m}^2 + 2,32 \text{ m}^2) \approx 1,92 \text{ m}^3 = 1920 \text{ l}$ <p>Der Teich kann 1920 l Wasser fassen.</p>

<p>34.</p>	<p>Ein dreieckiger Pyramidenstumpf aus Beton hat die Grundseiten $a_1 = 42 \text{ cm}$ und $a_2 = 30 \text{ cm}$ und wiegt $46,27 \text{ kg}$ (Dichte $1,8 \text{ g/cm}^3$). Wie hoch ist der Pyramidenstumpf?</p> $V = 46270 \text{ g} : 1,8 \text{ g/cm}^3 \approx 25705,56 \text{ cm}^3 \quad h = \frac{3 \cdot V}{a_1^2 + a_1 \cdot a_2 + a_2^2}$ $h = \frac{3 \cdot 25705,56 \text{ cm}^3}{(42 \text{ cm})^2 + 42 \text{ cm} \cdot 30 \text{ cm} + (30 \text{ cm})^2} = 77116,68 \frac{\text{cm}^3}{1764 \text{ cm}^2 + 1260 \text{ cm}^2 + 900 \text{ cm}^2} \approx 19,65 \text{ cm}$ <p>Der Pyramidenstumpf ist 19,65 cm hoch.</p>
<p>35.</p>	<p>Ein regelmäßiger, sechseckiger Pyramidenstumpf hat die Grundseiten $a_1 = 25 \text{ cm}$ und $a_2 = 14 \text{ cm}$ und eine Seitenhöhe $h_s = 21,5 \text{ cm}$. Welche Länge hat die Seitenkante s?</p> $s = \sqrt{h_s^2 + \left(\frac{a_1}{2} - \frac{a_2}{2}\right)^2} \quad s = \sqrt{(21,5 \text{ cm})^2 + \left(25 \frac{\text{cm}}{2} - 14 \frac{\text{cm}}{2}\right)^2} = \sqrt{462,25 \text{ cm}^2 + 30,25 \text{ cm}^2} \approx 22,19 \text{ cm}$ <p>Die Seitenkante s hat eine Länge von 22,19 cm.</p>
<p>36.</p>	<p>Ein quadratischer, 6 cm hoher Pyramidenstumpf hat ein Volumen von 186 cm^3 und die Grundseite $a_2 = 4 \text{ cm}$. Wie groß ist die Grundfläche (A_1) des Pyramidenstumpfes? $a_1 = \sqrt{\frac{a_2^2}{4} + a_2^2 + \frac{3 \cdot V}{h} - \frac{a_2}{2}}$</p> $a_1 = \sqrt{\frac{(4 \text{ cm})^2}{4} + (4 \text{ cm})^2 + \frac{3 \cdot 186 \text{ cm}^3}{6 \text{ cm}} - 4 \frac{\text{cm}}{2}} = \sqrt{4 \text{ cm}^2 + 16 \text{ cm}^2 + 93 \text{ cm}^2 - 2 \text{ cm}} = \sqrt{113 \text{ cm}^2} - 2 \text{ cm} \approx 8,63 \text{ cm}$ $A_1 = a_1^2 = (8,63 \text{ cm})^2 \approx 74,48 \text{ cm}^2$ <p>Die Grundfläche A_1 hat eine Fläche von 74,48 cm².</p>
<p>37.</p>	<p>Ein regelmäßiger, sechseckiger Pyramidenstumpf hat die Grundseiten $a_1 = 14 \text{ cm}$ und $a_2 = 9 \text{ cm}$ und ein Volumen $V = 1745 \text{ cm}^3$. Wie hoch ist der Pyramidenstumpf? $h = \frac{V}{a_1^2 + a_1 \cdot a_2 + a_2^2} \cdot \frac{2}{\sqrt{3}}$</p> $h = 1745 \frac{\text{cm}^3}{(14 \text{ cm})^2 + 14 \text{ cm} \cdot 9 \text{ cm} + (9 \text{ cm})^2} \cdot \frac{2}{\sqrt{3}} = 1745 \frac{\text{cm}^3}{196 \text{ cm}^2 + 126 \text{ cm}^2 + 81 \text{ cm}^2} \cdot \frac{2}{\sqrt{3}} \approx 4,33 \text{ cm} \cdot 1,155 \approx 5,00 \text{ cm}$ <p>Der Pyramidenstumpf hat eine Körperhöhe h von 5 cm.</p>